

Εισαγωγή στην Κρυπτολογία

Φυλλάδιο ασκήσεων #3

Θεόδουλος Γαρεφαλάκης

1 Απριλίου 2015

1. Δώστε ένα μάρτυρα Fermat της συνθετότητας του $n = 21$.
2. Δώστε ένα μάρτυρα Rabin-Miller της συνθετότητας του $n = 57$.
3. Κατασκευάστε ένα σύστημα κρυπτογράφησης RSA όπου οι πρώτοι p και q θα έχουν δύο δεκαδικά ψηφία. Περιγράψτε αναλυτικά πώς υπολογίζεται ένα ιδιωτικό και ένα δημόσιο κλειδί. Στη συνέχεια κρυπτογραφήστε και αποκρυπτογραφήστε ένα μήνυμα της επιλογής σας.
4. Κατασκευάστε ένα σύστημα κρυπτογράφησης ElGamal στην ομάδα \mathbb{Z}_{19}^* . Ως βάση, μπορείτε να χρησιμοποιήσετε το $g = \bar{2}$, το οποίο γεννά την ομάδα. Περιγράψτε την κατασκευή ενός ζεύγους ιδιωτικού/δημόσιου κλειδιού και στη συνέχεια κρυπτογραφήστε το μήνυμα $m = \bar{5}$.
5. Σε ένα σύστημα κρυπτογράφησης ElGamal στην ομάδα \mathbb{Z}_{787}^* με βάση $g = \bar{2}$ (είναι γεννήτορας) το δημόσιο κλειδί της Αλίκης είναι $y = \bar{5}$. Βλέπετε δύο κρυπτογραφήματα $(r_1, c_1) = (318, 191)$ του (άγνωστου) μηνύματος m_1 και $(r_2, c_2) = (79, 118)$ του (άγνωστου) μηνύματος m_2 . Υποδείξτε πώς μπορείτε να υπολογίσετε το κρυπτογράφημα του μηνύματος $m_1 \cdot m_2 \pmod{p}$ (χωρίς φυσικά να υπολογίσετε τα m_1 και m_2).